

УДК 338.22.021.1

**И. Ю. Выгодчикова**

ФГБОУ ВО «Саратовский национальный исследовательский государственный университет имени Н.Г. Чернышевского», Саратов, e-mail: irinavigod@yandex.ru

**М. А. Горский**

Российский экономический университет им. Г.В. Плеханова, Москва, e-mail: gadjiagaev@mail.ru

## **ОПТИМИЗАЦИЯ СТРУКТУРЫ СУБПОРТФЕЛЯ ИПОТЕЧНЫХ КРЕДИТОВ КОММЕРЧЕСКОГО БАНКА НА ОСНОВЕ МИНИМАКСНОЙ ОЦЕНКИ РИСКА**

**Ключевые слова:** ипотечное кредитование, оценка риска, оптимизация, субпортфель ипотечных кредитов, структура портфеля, критерий минимакса, системный анализ, древовидные структуры, принятие решений о долевом кредитовании в сфере ипотеки.

В статье рассматривается новый метод оценки риска заемщиков по программе ипотечного кредитования, имеющих дополнительный доход в рамках собственного бизнеса (оказываемых услуг). Этот метод реализован с применением критерия минимакса и системного анализа показателей риска заемщика, характеризующих потенциал роста его бизнеса и вычисляемых на основе информации, размещенной на веб-сайте. Структуру оптимального субпортфеля ипотечных кредитов предложено рассчитывать с использованием иерархических древовидных алгоритмов с выбором объемов кредитования по отдельным региональным (территориальным) филиалам банка (на верхнем уровне) и долей ипотечных кредитов отдельных заемщиков с учетом риска (на нижнем). Разработана методика вычисления интегрального показателя кредитного риска по ипотеке по результатам обработки частных показателей дерева решений. Обследованы рынки ипотечного кредита России по двум регионам в рамках субпортфеля Сбербанка, выявлены перспективы внедрения предлагаемой методологии, обозначены ключевые показатели кредитного портфеля с позиции надёжности заёмщика. Получена комплексная оценка структуры капитала субпортфеля ипотечного кредита коммерческого банка, основанная на минимаксном подходе к оценке риска (или интегральном показателе). В приложении к классической теории портфеля критерий доходности может быть применен в качестве параметра коррекции уровня риска заёмщика по одному из предложенных критериев риска.

**I. Yu. Vygodchikova**

National Research Saratov State University named after N. G. Chernyshevsky, Saratov, e-mail: irinavigod@yandex.ru,

**M. A. Gorskiy**

Plekhanov Russian University of Economics, Moscow, e-mail: gadjiagaev@mail.ru;

## **OPTIMIZATION OF THE SUB-PORTFOLIO STRUCTURE OF THE MORTGAGE LOANS OF A COMMERCIAL BANK BASED AT A MINIMAX RISK ASSESMENT**

**Keywords:** mortgage lending, risk assessment, optimization, sub-portfolio of mortgage loans, portfolio structure, minimax criterion, system analysis, tree structures, decision-making on equity lending in the field of mortgage.

The article discusses a new method for assessing the risk of borrowers under the mortgage lending program who have additional income within their own business (services provided). This method is implemented using the minimax criterion and a systematic analysis of the borrower's risk indicators characterizing the growth potential of his business and calculated on the basis of information posted on the website. It is proposed to calculate the structure of the optimal sub-portfolio of mortgage loans using hierarchical tree-like algorithms with the choice of lending volumes for individual regional (territorial) branches of the bank (at the upper level) and the shares of mortgage loans of individual borrowers, taking into account risk (at the lower level). A method for calculating the integral indicator of credit risk for a mortgage based on the results of processing particular indicators of the decision tree has been developed. The Russian mortgage loan markets were surveyed in two regions within the framework of the Sberbank sub-portfolio, the prospects for the implementation of the proposed methodology were identified, and the key indicators of the loan portfolio were identified from the standpoint of the borrower's reliability. A comprehensive assessment of the capital structure of a sub-portfolio of a mortgage loan of a commercial bank is obtained, based on a minimax approach to risk assessment (or an integral indicator). As applied to the classical portfolio theory, the yield criterion can be applied as a parameter for correcting the borrower's risk level according to one of the proposed risk criteria.

## Введение

В статье представлен новый подход к оптимизации структуры кредитования коммерческого банка по целевым условиям (ипотека).

Необходимость разработки новых подходов к оценке и управлению рисками ипотечного кредитования в условиях нарастания кризисных явлений в банковском секторе связана с тем, что банки в оценках платежеспособности заемщиков фактически отказываются от персонализированного отношения к ним, заменяя исключительно количественными показателями риска возможные потери капитала.

В статье рассматривается группа заемщиков по программе ипотеки, имеющих расширенную базу обслуживания ипотечного кредита, обеспеченную доходами собственного бизнеса. Под риском ипотечного кредита понимается оценка ухудшения условий деятельности заемщика на конкурентном рынке: снижение интереса к его бизнесу, закрытие бизнеса или его реструктуризация. Ипотека позволяет бизнесмену обеспечить «тыл» и принять решение, направленное на развитие бизнеса и сохранения условий для его перспективного развития.

Актуальность проблемы обусловлена ростом количества и повышенными требованиями к качеству банковских услуг и возможностью управления накопительными счетами клиентов банков посредством инструментария, предоставляемого Интернет [1, 2].

Новизна исследования заключается в разработке нового минимаксного метода моделирования риска портфельного инвестирования по программе ипотеки, позволяющего корректно провести оценку распределения долей ипотечного портфеля с учетом фундаментальных факторов риска заемщиков.

Проводится анализ детализации решения инвестора от исходных портфельных предпочтений и с учетом специфики оценок риска по уровням принятия решения («сверху вниз»). Выявлены режимы оценки риска невозврата кредита с позиций: финансового состояния заемщика (кредитная история, динамика доходов), риска потери доверия со стороны клиентов заемщика, работающего с использованием дистанционных технологий (в частности, с учетом потенциала его сайта). Сформулированы математические постулаты, которые могут быть положены в обоснование метода принятия решения. Построена схема системного анализа данных

о структуре ипотечного субпортфеля коммерческого банка. Выполнена математическая, компьютерная и логическая обработка, и интерпретация аналитических результатов. В результате получена комплексная оценка структуры капитала ипотечного кредита коммерческого банка, основанная на минимаксном подходе к управлению риском (или интегральном показателе риска, что отмечено в работе). Структура ипотечного субпортфеля определяется с использованием оценок риска невозврата кредита в случае потери репутации заемщика (низкий потенциал сайта) и /или грозящей проблемами с возвратом ипотечного кредита недостаточной популярности у клиентов бизнеса (как следствие, сокращение оборота и рентабельности капитала, вхождение в зону турбулентности, в которой заемщик вынужден будет отказаться от оплаты кредита).

## Результаты исследования и их обсуждения

### 1. Субпортфель ипотечных кредитов коммерческого банка и критерий риска.

Для оптимизации кредитных ресурсов коммерческого банка необходимо выбрать параметры кредита: процентную ставку, срок и условия погашения. По состоянию на март 2021 г. «комфортной» считается ставка по ипотечному кредиту на уровне 7,75% (Сбербанк. Доступные программы кредитования. Готовое жилье. URL: <https://ipoteka.domclick.ru/> Дата обращения 04.03.2021).

При этом населению снова предлагают практически «бесплатную» жилую недвижимость в ипотеку, в новостройке. Эта политика диктуется необходимостью досрочной реализации новостроек в режиме ипотечного кредитования. Однако такой механизм, по мнению авторов, не решает актуальные проблемы ипотеки как с позиции кредитных организаций, так и с позиции заемщиков, которые приобретают в ипотеку готовое жильё, а не квадратные метры в недостроенном доме.

В оценках риска заемщиков предлагается использовать иерархический подход к рациональному кредитованию, предполагающему доленое распределение объёма ипотечных кредитов между региональными или территориальными подразделениями банка с использованием оценок кредитных историй заемщиков в каждом подразделении и дальнейшей детализацией объёма портфеля среди клиентов каждого подразделения

на основе оценок потенциалов их сайтов. Предлагается использовать подход на основе многократного решения приведённой ниже минимаксной задачи с использованием выбранной схемы оценка риска [3].

**2. Древоидные конструкции (теоретический экскурс).**

Проблема структурирования и логической целостности иерархических структур системного анализа количественных показателей напрямую связаны с выбранным режимом визуализации данных. Благодаря высоко-образному развитию информационных технологий и улучшенной восприятию графики, системный анализ математических моделей перешёл с логически-функционального и математически обоснованного статуса на дизайн-студийный анализ [4, 5] с целью предоставления клиентам корректной информации и сортировки запросов по ипотечному кредитованию в разрезах региональной компетенции и уровня их риска.

Рассматривая проблематику использования древоидных структур в системном анализе, необходимо отметить работу Э.Б. Ханта «Эксперименты в индукции» [6]. В целом, древоидные структуры принятия решений необходимо адаптировать к предметной области. В ипотечном кредитовании это способ представления правил распределения кредита между заёмщиками с использованием правил оценки риска и доходности: решение соответствует узлу, полученному по правилам логической конструкции типа: «если... то...».

Древоидный (иерархический) подход предлагается использовать при оценке долевого распределения ипотечного кредита коммерческого банка. Дерево решений по структуре ипотечного кредитования – графическое представление процесса принятия решения по структуре ипотечных кредитов данном регионе для рассматриваемой категории кредитополучателей.

**3. Базовый метод выбора структуры ипотечного кредитования на основе минимаксного подхода к оптимизации субпортфеля банка.**

Рассмотрим практику ипотечного яс позиций системного анализа, портфельного подхода и риск-менеджмента.

Пусть система вариантов кредита по программе ипотечного кредитования коммерческого банка из  $n$  различных объектов предлагает вкладчикам накопительный счёт по ипотеке.

Оценки риска ипотечного кредитования для заёмщика (группы заёмщиков) обозначим  $V_1 > 0, \dots, V_n > 0$ .

Требуется определить доли ипотечного кредитования по каждой программе (каждому кредитополучателю) внутри субпортфеля. Искомые доли обозначим символами  $\theta = (\theta_1, \dots, \theta_n)$ .

Для отыскания долей ипотечного кредитования по выбранной программе для каждого заёмщика коммерческого банка, занимающегося ипотечным кредитованием и имеющего высокий статус страхования вкладов населения, рассмотрим модель [3]:

$$\max_{i=1, n} V_i \theta_i \rightarrow \min_{\theta \in \{ \theta = (\theta_1, \dots, \theta_n) \in R^n : \sum_{i=1}^n \theta_i = 1 \}} \quad (1)$$

В задаче (1) требуется найти доли вложения средств (конкурируют ипотечные программы одного банка),  $\theta_i, i = 1, \dots, n$ .

Решение задачи – вектор  $\theta = (\theta_1, \dots, \theta_n)$  с компонентами, вычисляемыми по формулам (2) [7, 8]:

$$\theta_i = 1 / \left( V_i \sum_{k=1}^n V_k^{-1} \right), \quad I = \overline{1, n}. \quad (2)$$

Действительно, ввиду  $V_1 > 0, \dots, V_n > 0$ , а также ограничения на сумму компонент

$$\sum_{i=1}^n \theta_i = 1,$$

под оператором максимума в левой части (1) имеется не менее одной положительной компоненты, ввиду чего минимум может быть достигнут при условии:

$$\theta_i V_i = \theta_j V_j, \quad i, j = 1, \dots, n. \text{ Учитывая } \sum_{i=1}^n \theta_i = 1,$$

приходим к выражению (2). После выбора варианта распределения средств по ипотечному кредитованию между подразделениями банками выполняется оценка долевой структуры кредитов среди заёмщиков, относящихся к конкретному подразделению.

**4. Потенциал сайта.**

Потенциал сайта – оценка качества веб-сайта по ряду критериев (оценочных показателей), характеризующих как размещенную информацию, так и возможности сайта.

Эксперты выставляют оценки (от 1 до 5) по каждому из критериев. На основе оценок формируется интегральный показатель. Затем на основе полученного показателя определяется итоговая оценка каждого критерия, что позволяет выявить положительные и отрицательные стороны сайта в целом [1].

Если эксперт не может произвести оценку качества представленной на сайте информации, то ставится оценка «0». На основании оценок, которые были выставлены группой экспертов, выводится усредненное значение по каждому показателю.

Критерии оценки качества сайта:

1. Информационное наполнение. Оценивается уровень представления информации о бизнесе заемщика. Рассматриваются следующие показатели:

- полнота информации о структуре, функциях, контактных реквизитах, перспективах развития;

- документальная база, включая перечень предоставляемых товаров или оказываемых услуг: каталог, описание;

- дополнительная информация, прямо не относящаяся к данному ресурсу, но представляющая интерес для пользователя: аналитика, справочники, ссылки на другие ресурсы;

2. Подача информации. Оценивается качество восприятия изложенной информации. Учитываются верстка сайта и его стилистика. В оценочную шкалу можно отнести: сложное/ простое восприятие, низкое/высокое качество подачи информации, удобное пользование сайтом и уровень восприятия информации;

3. Оперативность. Оперативность обновления информации и ее актуальности на данный момент. Шкала оценок: информация устаревшая, Низкая/удовлетворительная обновляемость, обновление в режиме реального времени;

4. Коммуникации. Оценивается качество взаимосвязи фирмы заемщика с контрагентами (физическими / юридическими лицами). Оценка зависит от наличия обратной связи. Шкала оценок: средства коммуникации отсутствуют, невысокие коммуникационные возможности, сервисы взаимодействия разнообразны, коммуникационные средства подобраны и реализованы оптимально.

5. Дизайн. Оценка качества страниц и материалов. Учитывается изобразительная

и художественная ценности страниц и однородность дизайна, наличие и уместность форм представления информации (таблицы, иллюстрации, графики и другие средства). Шкалу оценок можно построить так: низкий/средний/высокий уровень дизайнерской проработки, профессиональный дизайн.

6. Удобство использования. Оценка скорости нахождения и использования информации: средства навигации, возможность поиска по сайту, удобство структурной организации страниц, наличие гиперссылок. Шкала оценки: неудобно/удобно пользоваться сайтом, неудачная/удачная реализация навигации и поиска, оптимальные характеристики удобства и доступности.

7. Дополнительные сервисы. Оценивается наличие инструментов работы с контентом: индивидуальные учетные записи, подписка на почтовые рассылки и т.д. Оценочная шкала: отсутствие/наличие дополнительных сервисов, наличие/отсутствие возможности дополнительной обработки информации, наличие/отсутствие базовых сервисов, уникальные средства обработки информации.

8. Структура сайта. Оценивается логически-тематическое деление контента на разделы и подразделы, оценка качества разбиения на иерархические уровни. Оценочная шкала: неудобная/удобная структура сайта, наличие/отсутствие формальных ошибок, логично/нелогично разбита информация по отдельным разделам, структура сайта отвечает его целям и задачам, удобна.

Для расчета потенциала сайта необходимо, чтобы выбранная группа экспертов выставила оценки по каждому из критериев. В группе экспертов могут состоять посетители ресурса, а данные можно собрать с помощью анкетирования.

Для дальнейших расчетов необходимо наличие весов у перечисленных критериев. Шкала весов может быть заимствована из процитированного выше источника [1].

Находится средняя оценка по каждому критерию. Затем вычисляется интегральный показатель для каждого критерия по формуле:

$$\text{Интегральный показатель} = \frac{\text{Вес, \%} \times \text{Оценка ресурсов}}{100} \quad (3)$$

Интегральный показатель сайта — сумма интегральных показателей по всем критериям:

$$\text{Потенциал} = \frac{\sum \text{интегральные показатели критериев}}{5} \times 100\% \quad (4)$$

(показывает, насколько анализируемый сервис удовлетворяет заявленным критериям качества).

**5. Бинарное дерево выбора долей ипотечного кредитования.**

Для оценки долей кредитования клиентов в субпортфеле ипотеки используем следующий алгоритм.

*Шаг 1.* Обозначим через  $V_1$  и  $V_2$  показатели невозврата кредита для двух групп клиентов банка:

- группа клиентов, зарегистрированных в данном регионе (Москва, имеет первый рейтинг, то есть  $V_1=1$ );

- группа клиентов других регионов России (в нашем примере рассматривается Саратовский регион, имеющий второй рейтинг, то есть  $V_2=2$ ).

Распределим субпортфель ипотечных кредитов по указанным группам, пользуясь формулой (2) ( $n=2$ ). В результате определим значения долевого распределения в группах  $\theta_1$  и  $\theta_2$ .

*Шаг 2.* Рассмотрим детализацию вложенной внутри групп: в нашем примере в первой группе присутствуют три заёмщика, а во второй – два.

Коэффициентом роста уровня дохода заёмщика назовём коэффициент при переменной «время» (измеряется, как правило, в месяцах, что соответствует интервалу поступления доходов заёмщиков). Этот показатель служит критерием отбора участников ипотечной программы. Если получен отрицательный коэффициент, клиент получает отказ, другие клиенты получают кредит, исходя из рекомендаций, представленных ниже.

Предполагается, что все кредитополучатели имеют собственные сайты, посвященные их бизнесу, инновационной деятельности, политической аналитике и проч.).

Потенциалы сайтов заёмщиков первой группы обозначим через  $w_{11}$ ,  $w_{12}$ ,  $w_{13}$ , а заёмщиков из второй группы, соответственно, через  $w_{21}$  и  $w_{22}$ .

Доли ипотечного кредитования заёмщиков можно получить, воспользовавшись формулами:

$$\theta_{11} = w_{11} / \left( V_1 \sum_{k=1}^2 V_k^{-1} \sum_{k=1}^3 w_{1k} \right), \quad (5)$$

$$\theta_{12} = w_{12} / \left( V_1 \sum_{k=1}^2 V_k^{-1} \sum_{k=1}^3 w_{1k} \right), \quad (6)$$

$$\theta_{13} = w_{13} / \left( V_1 \sum_{k=1}^2 V_k^{-1} \sum_{k=1}^3 w_{1k} \right), \quad (7)$$

$$\theta_{21} = w_{21} / \left( V_2 \sum_{k=1}^2 V_k^{-1} \sum_{k=1}^2 w_{2k} \right), \quad (8)$$

$$\theta_{22} = w_{22} / \left( V_2 \sum_{k=1}^2 V_k^{-1} \sum_{k=1}^2 w_{2k} \right). \quad (9)$$

Решение задачи по выбору структуры субпортфеля ипотечного кредитования (СБИ) коммерческого банка приведено на рис. 1.

**6. Вычислительный эксперимент.**

В таблице 1 представлены оценки, выставленные экспертами по всем критериям (для первого заёмщика).

**Таблица 1**

Оценки экспертов по первому заёмщику

Критерий	Эксперт 1	Эксперт 2
1	5	4
2	5	4
3	5	5
4	4	5
5	4	5
6	5	5
7	5	4
8	4	5

На рис. 2 представлены выполненные этапы по расчету потенциала сайта первого кредитополучателя по ипотеке.

Можно сделать вывод, что веб-сайт первого кредитополучателя удовлетворяет посетителей на 93%. Это говорит о том, что этот заёмщик нацелен расширить свою аудиторию. Банк может выдать данному заёмщику кредит для улучшения условий проживания и развития бизнеса.

Продолжая аналогичную процедуру для других клиентов банка, желающих получить ипотечный кредит, получим следующие потенциалы их сайтов:  $w_{11} = 0,93$ ,  $w_{12} = 0,89$ ,  $w_{13} = 0,84$  (клиенты по программе ипотечного кредитования заёмщиков Московского филиала),  $w_{21} = 0,65$  и  $w_{22} = 0,67$  (клиенты по программе ипотечного кредитования Московского филиала).

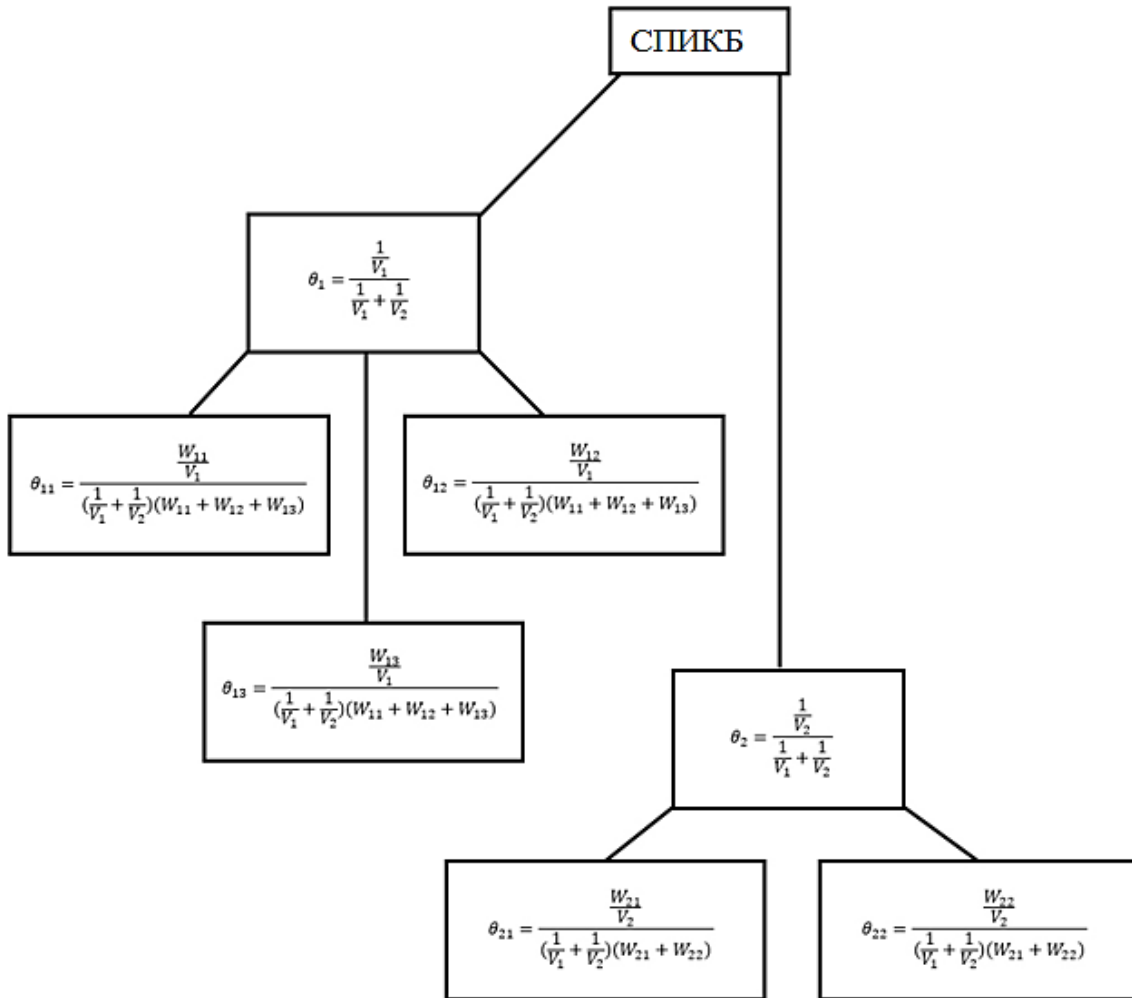


Рис. 1. Долевая структура субпортфеля ипотеки коммерческого банка

	Эксперт 1	Эксперт 2	Сумма	Вес, %	Оценка ресурса	Интегральный показатель			
1	5	4	9	13	4,5	0,6			
2	5	4	9	11	4,5	0,5			
3	5	5	10	13	5	0,7	Потенциал (w11) =	0,93 =	93%
4	4	5	9	15	4,5	0,7			
5	4	5	9	12	4,5	0,5			
6	5	5	10	13	5	0,7			
7	5	4	9	11	4,5	0,5			
8	4	5	9	12	4,5	0,5			
Итого			74	100		4,6			

Рис. 2. Расчет потенциала сайта по первому клиенту

Проводя вычисления по формулам (5) – (9), получим доли ипотечного субпортфеля Сбербанка по заемщикам рассматриваемых регионов:

$$\theta_{11} = 0,93 / \left( 1 \times \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) \times (0,93 + 0,89 + 0,84) \right) \approx 0,23,$$

$$\theta_{12} = 0,89 / \left( 1 \times \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) \times (0,93 + 0,89 + 0,84) \right) \approx 0,22,$$

$$\theta_{13} = 0,84 / \left( 1 \times \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) \times (0,93 + 0,89 + 0,84) \right) \approx 0,21,$$

$$\theta_{21} = 0,65 / \left( 2 \times \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) \times (0,65 + 0,67) \right) \approx 0,16,$$

$$\theta_{22} = 0,67 / \left( 2 \times \left( \frac{1}{1} + \frac{1}{2} \right) \times (0,65 + 0,67) \right) \approx 0,17.$$

В итоге получена следующая структура субпортфеля ипотечных кредитов. В московском подразделении ипотека занимает 67% общего субпортфеля, в который входят банки Московский и Саратовский филиалы (региональные подразделения Сбербанка). В клиентской базе перераспределение касается трёх групп заемщиков московского подразделения и двух групп саратовского. Группировка внутри каждой группы заемщиков выполняется по системе скоринговой оценки объёма и целей кредитования в указанных подразделениях. Предпочтительно кредитовать клиентов, имеющих прогрессивный рост доходов и отсутствие неоплаченных кредитов.

### Заключение

В статье представлена методология оптимизации структуры кредитования коммерческого банка по целевым условиям (ипотека). Выявлены режимы оценки риска невозврата кредита в двух категориях: риск финансового состояния заемщика (кредитная история, потенциал сайта) и риск входа в программу (динамика доходов, позволяющая возврат кредит в нужное время и в полном объёме). Сформулированы математические постулаты, лежащие в основе обоснованного метода принятия решений. Построена схема системного анализа данных о структуре ипотечного

кредитования коммерческого банка. Выполнена математическая, компьютерная и логическая обработка, и интерпретация аналитических результатов. Рассмотрен подход, позволяющий применить математическую модель ипотечного кредитования на основе иерархического системного подхода к оценке риска с использованием рейтинговых оценок субпортфеля на региональном уровне и экспертных оценок потенциалов сайтов заемщиков. В результате получена комплексная оценка структуры капитала ипотечного кредита коммерческого банка, основанная на минимаксном подходе к оценке риска (или интегральном показателе). Основным результатом строится на оптимизации показателей риска и доходности, причём доходность может служить весовым параметром коррекции уровня риска заемщика, связанного с одним из предложенных критериев риска.

Приведён метод оценивания портфельного риска для иерархической модели принятия решений. Разработан алгоритм анализа двух подходов к оцениванию риска на каждом уровне иерархии, выполнены вычислительные эксперименты. Рекомендации могут применяться для рационализации финансирования инноваций, способствующих росту экономики регионов и оздоровления его корпоративного сектора.

### Библиографический список

1. Васильев Г.А., Забегалин Д.А. Электронный бизнес и реклама в Интернете: учеб. пособие. М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2012. 184 с.
2. Использование деревьев решений в задачах прогнозной аналитики [Электронный ресурс]. <https://habr.com/ru/company/ods/blog/322534/> (дата обращения: 04.03.2021).
3. Волокобинский М.Ю., Пекарская О.А., Рази Д.А. Принятие решений на основе метода анализа иерархий // Вестник Финансового университета. 2016. № 2. С. 33-4217.
4. Халиков М.А., Хечумова Э.А., Шардин А.А. Методология учета и оценки рисков производственной и финансовой сфер деятельности предприятия // Ученые записки Рос. Академии предпринимательства: Роль и место цивилизованного предпринимательства в экономике России: Сб. науч. трудов. Вып. XXIII. М.: Российская Академия предпринимательства; Агентство печати «Наука и образование», 2010. С. 165-180.
5. Bhimani A., Bromwich M. Management Accounting: Retrospect and Prospect. Moscow, Elsevier, 2010.
6. Hunt, Earl B.; Janet Marin; Philip J. Stone Experiments in Induction. New York: Academic Press, 1966.
7. Выгодчикова И.Ю., Селиванова А.А. Оценивание риска портфельного инвестирования на базе иерархической модели // Известия Саратовского университета. Новая серия. Серия: Экономика. Управление. Право. 2016. Т.16. Выпуск 1. С. 80-85.
8. Выгодчикова И.Ю. О минимаксном моделировании оценки риска финансового портфеля // Математическое моделирование в экономике и управлении рисками: сб. материалов III Междунар. молодеж. науч.-практ. конф. (Саратов, 5–8 ноября 2014 г.). Саратов: Изд-во Саратов. ун-та, 2014. С. 63–66.